

**0.** Dane jest  $n \leq 50$ . Zaprojektować prostopadłościan o objętości co najwyżej 1 000 000 i przydzielić każdemu sześciannikowi jednego z  $n$  właścicieli tak, by każdy właściciel miał spójny kawałek prostopadłościanu (sześcianniki sąsiadują ścianami) i by każdy właściciel sąsiedował z każdym innym.

**S1 (PA 2007).** Słowa są cyklicznie prawie równoważne, jeśli nie są cyklicznie równoważne i istnieje takie przesunięcie cykliczne pierwszego słowa, by to przesunięcie różniło się od drugiego słowa na jednej pozycji. Mając dane dwa słowa o długości nie większej niż 1 000 000, znajdź wszystkie przesunięcia cykliczne dowodzące cyklicznej prawie równoważności.

**S2 (VIII OI, III etap).** Sprawdź, czy dwa słowa są cyklicznie równoważne, mając daną ich skompresowaną formę: każde słowo to do 1000 wyrażen postaci: teraz  $k_i \leq 100\,000$  razy powtarza się słowo  $s_i$  o długości  $|s_i| \leq 10\,000$ . Suma długości wszystkich słów  $s_i$  wynosi co najwyżej 10 000.

**S3 (KI, Kompresja).** Dane są dwa słowa w postaci skompresowanej: każde słowo to do 200 000 par: liczba  $k_i \leq 1\,000\,000\,000$  oraz litera  $c_i$ , oznaczające, że teraz w słowie pojawia się  $k_i$  razy litera  $c_i$ . Wyznacz liczbę wystąpień oraz pierwsze i ostatnie wystąpienie pierwszego słowa w drugim.

**S4 (X OI, I etap).** Wygeneruj słowo trzyliterowe o zadanej długości, bez podśłów  $ww$ , czyli *zająknieć*.

**S5 (XII OI, II etap).** Dane jest słowo  $w$  o długości do 500 000. Znajdź najkrótsze słowo  $v$  takie, że każda litera słowa  $w$  zawiera się w jakimś wystąpieniu słowa  $v$  w słowie  $w$ .

**S6 (XIII OI, III etap).** Dany jest zbiór palindromów; suma długości wszystkich palindromów nie przekracza 2 000 000. Ile jest par palindromów, które po sklejeniu wciąż są palindromem?

**S7 (XIII OI, I etap).**  $Q$  jest okresem  $A$ , jeśli  $Q$  jest właściwym prefiksem  $A$  i  $A$  jest prefiksem  $QQ$ . Mając dane słowo, wyznacz sumę długości najdłuższych okresów wszystkich jego prefiksów.

**T1.** Dane jest dużo liczb złożonych, nie większych niż 1 000 000-ta liczba pierwsza. Dla każdej z nich powiedz, w jak dużym przedziale liczb złożonych się znajduje.

**T2.** Dany jest ciąg  $a_0 = c$  i  $a_{n+1} = (a_n^2 + 17) \bmod 1\,000\,003$ . Dane są liczby całkowite  $0 \leq c < 1\,000\,003$  i  $0 \leq N \leq 2\,000\,000\,000$ . Policz  $a_N$ .

**T3.** W Bajtocji dostępne są tylko monety o nominałach  $p, q \leq 1\,000\,000\,000$ . Jakiej największej kwoty nie da się nimi wydać?

**T4.** W Bajtocji dostępne są tylko monety o nominałach  $p, q \leq 1\,000\,000\,000$ . Ilu kwot się nie da nimi wydać?

**T5 (IX OI, I etap).** Superskoczek ma dostępne do 100 ruchów, każdy ruch to wektor  $(p, q)$ ,  $-100 \leq p, q \leq 100$ , o jaki może się przesunąć. Czy skoczek może dojść na każde pole nieskończonej szachownicy? W teście jest do 100 zapytań.

**T6 (X OI, II etap).** Dany jest wielomian  $(x^2 + x + 1)^n$ ,  $1 \leq n \leq 10^{18}$ . Policz jego współczynnik przy  $x^k$  modulo 3.

**T7 (XII OI, III etap).** Dane jest pudełko  $2x \times 2y \times 2z$ ,  $5 \leq x, y, z \leq 1\,000$ . W samym środku jest laser, który strzela w kierunku pewnego punktu całkowitoliczbowego na brzegu lub wewnątrz pudełka. Promień lasera odbija się od ścianek, ginie na krawędziach i w kącie pudełka, i, jeśli nie zginął, po pewnym czasie wraca do środka pudełka. Jaka jest największa odległość w metryce miejskiej, jaką może przebyć promień lasera?